



## استمارة انجاز الخطة التدريسية للمادة

الاسم	أ.م.د. علاء محمود فرحان علي			
البريد الالكتروني	alaa_mf1970@yahoo.com			
اسم المادة	التبولوجيا العامة (1) --- التبولوجيا العامة (2)			
مقرر الفصل	دراسة الفضاءات التبولوجية لفصلين دراسيين			
اهداف المادة	<p>1- التأكيد على أهمية موضوع الفضاءات التبولوجية بالنسبة للعلوم الاخرى.</p> <p>2- تبصير الطلبة بالفضاءات التبولوجية و بديهيات الفصل و الفضاءات المتراسة.</p> <p>3- أن يتعرف الطلبة على أنواع الفضاءات التبولوجية.</p> <p>4- أن نبين للطلبة أهم تطبيقات الفضاءات التبولوجية.</p>			
التفاصيل الاساسية للمادة	<p>التبولوجيا هو فرع مهم وممتع من فروع الرياضيات حيث يمكن ملاحظة اهمية الفضاءات التبولوجية من خلال تأثيرها الواضح في جميع فروع الرياضيات الاخرى وهذا يجعل دراسة التبولوجيا ذات علاقة مع كل الذين يطمحون ان يصبحوا رياضيون سواء اكان حبهم الأول (الجبر، التحليل، الهندسة، الديناميكا، الرياضيات الصناعية، الميكانيكا الكمية، نظرية التبولوجيا العامة - التبولوجيا الجبرية - العدد، بحوث العمليات أو الأحصاء) والتبولوجيا لها عدة فروع مختلفة مثل التبولوجيا التفاضلية والتبولوجيا الجبرية والتبولوجية الهندسية.</p>			
الكتب المنهجية	<p>1- General topology, by: Willard's. W. Addison Wesley, eading, mass, (1970).</p> <p>2-Topology a first course, by: Munkres. J. R. (1975).</p>			
المصادر الخارجية	➤ General topology, by: J.L., Kelley's. General topology, by: Bourbaki's.			
تقديرات الفصل	الفصل الدراسي	المختبر	الامتحانات اليومية	المشروع
	30%	-----	10%	-----
60%				
يطلب من الطلبة في بعض الأحيان كتابة تقرير في الواجبات التي تعطى لهم خلال الكورس الدراسي				

# **lectures in Topological Spaces-Mathematics**

## **department-Fourth stage**

### **Syllabus**

- 1- Definitions and (Examples) of a Topological Space.**
- 2- Types of Topological Spaces.**
- 3- Closed subsets of a topological space. 4- Neighborhoods.**
- 5- Closure of a Set. 6- Topologies Induced by Functions.**
- 7- Interior of a Set, Exterior of a Set, Boundary of a Set and Cluster Points.**
- 8- Dense Subset of the Space. 9- Dense Subset of the Space.**
- 10- Continuous Functions.**
- 11- Open and Closed mappings**
- 12- Homeomorphisms.**
- 13- Topological spaces and Hereditary Property.**
- 14- Compactness in Topological Spaces.**
- 15- Connectedness in Topological Spaces.**
- 16- Separation Axioms and study relationships between them.**

## Comparison of Topologies

### Definition:

Let  $T_1$  and  $T_2$  be any two topologies for a set  $X \neq \emptyset$ :-

1) If every open set in  $T_1$  is open set in  $T_2$  then we write  $T_1 \subset T_2$  and say :

$T_1$  is coarser or weaker or smaller than  $T_2$  or  $T_2$  is finer or stronger or longer than  $T_1$ .

2) If either  $T_1 \subset T_2$  or  $T_2 \subset T_1$  we say that  $T_1$  and  $T_2$  comparable otherwise we say not comparable.

### Definition:

Let  $(X, T)$  be a topology space a subset  $F$  of  $X$  is said to be closed if the complement  $F^c \in T$

## Intersection and union of open and closed set

### Theorem:

- 1- The intersection of a finite collection of open sets is open.
- 2- The intersection of finite collection of open sets not necessarily open set.
- 3- The union of in finite the collection of open sets is open.

### Theorem:

- 1- The union of finite collection of closed sets is closed.
- 2- The union of in finite collection of closed sets not necessarily closed set.
- 3- The intersection of in finite collection of closed sets is closed.

**Definition:**

A topological space  $(X, T)$  is called door space. If every subset of  $X$  is either open or closed.

**Definition:**

Let  $(X, T)$  be a topological space and let  $x \in X$ . Then a subset  $N$  of  $X$  is said to be:-

T-neighborhood or neighborhood of  $x$  if there exists open set  $G$  such that  $x \in G \subseteq N$ .

**Definition:**

The set of all neighborhoods of a point  $x \in X$  is called the neighborhood system of  $x$  and denoted by  $N_x$ .

**Definition:**

Let  $(X, T)$  be a topological space. Let  $x \in X$  and let  $N_x$  be the T – neighborhood system of  $X$ . Then the sub family  $\beta_x$  of  $N_x$  is called local base of  $x$  if for each  $N \in N_x \exists B \subseteq \beta_x$  such that  $x \in B \subseteq N$ .

**Definition:**

Let  $(X, T)$  be a topology space. a sub family  $\beta$  of  $T$  is said to be form a base for  $T$  if for each open set  $G$  and each  $x \in G \exists$  a member  $B$  in  $\beta$  such that  $x \in B \subseteq G$