

جامعة الانبار University of Anbar

اسم الكلية : كلية العلوم

اسم المحاضر: د. خالد روكان فليح الزوبعي

المرحلة: المرحلة الاولى رياضيات

اسم المادة انكليزي: General Physics

اسم المادة عربي: فيزياء عامة

عنوان المحاضرة انكليزي: Motion Kinematics

عنوان المحاضرة العربي: كينماتيك الحركة

المصدر

Physics for scientists and engineer

by

Serway

Mechanics-Kinematics

الميكانيك- الكينماتكا

علم الميكانيكا من العلوم الواسعة التي تهتم بدراسة حركة الأجسام ومسبباتها، ويتفرع من هذا العلم فروع أخرى مثل الكينماتكا *Kinematics* والديناميك *Dynamics*.

وعلم الكينماتكا *Kinematics* يهتم بوصف حركة الأجسام دون النظر إلى مسبباتها، أما علم الديناميك *Dynamics* فهو يدرس حركة الأجسام ومسبباتها مثل القوة والكتلة.

الكينماتكا يجيب على الأسئلة مثل: من أين بدأت الحركة؟ أين توقفت الحركة؟ ما الوقت المستغرق لإكمال الحركة؟ ما سرعة الجسم؟

في البداية سنقوم بدراسة حركة الأجسام وعلاقتها بكل من الإحداثيات المكانية والزمنية. ثم بعد ذلك سوف ندرس الفرع الثاني وهو علم الديناميك. بعد هذه النقطة ، سوف ندخل في عالم الكينماتكا أولاً. الحركة أحادية البعد هي نقطة البداية للكينماتكا. سنقدم بعض التعريفات مثل الإزاحة والسرعة والتسارع ، ونشتق معادلات الحركة للأجسام التي تتحرك في بُعد واحد مع تسارع ثابت. سنطبق هذه المعادلات أيضاً على حالة الجسم المتحرك تحت تأثير الجاذبية وحدها.

علم الكينماتكا Kinematics

أساسيات دراسة علم وصف الحركة Kinematics للأجسام المادية ويتضمن:

- Displacement الإزاحة
- Velocity السرعة
- Acceleration التعجيل

The Position Vector and the

متجه الموضع والسرعة

Displacement Vector

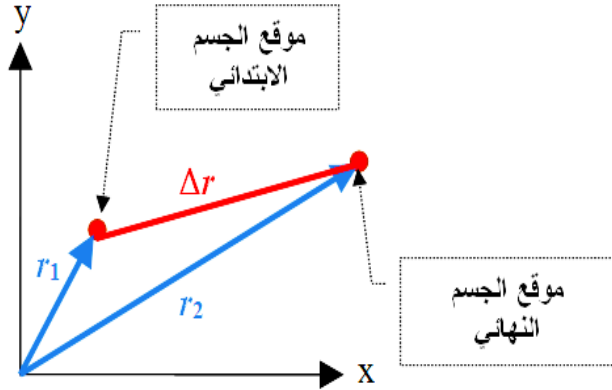
نحتاج هنا إلى اعتماد محاور إسناد لتحديد موضع الجسم المتحرك عند أزمنة مختلفة ومن المناسب اعتماد محاور الإسناد الكارتيزية أو ما سميت بـ *rectangular*.

coordinate (x,y,z)

يمكن اعتبار متجه الموضع Position vector هو المتجه الواصل من مركز إسناد معين إلى مكان الجسم المراد تحديده.

$$r_1 = x_1i + y_1j$$

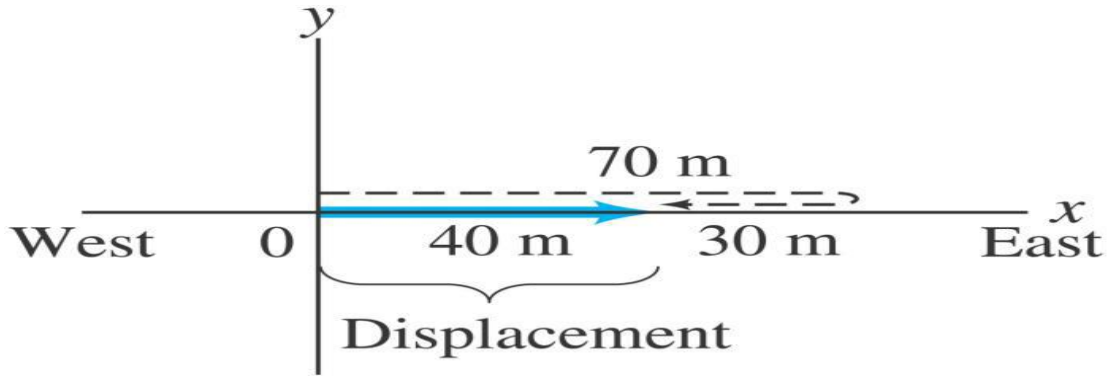
$$r_2 = x_2i + y_2j$$



$$\Delta r = r_2 - r_1$$

Δr is the displacement vector which represent the change in the position vector

تعرف الإزاحة على أنها التغيير في الموضع أو المسافة التي تحركها الجسم Δr . هو متجه الإزاحة الذي يمثل التغيير في متجه الموقع



لاحظ أن الإزاحة displacement تعتمد على المسافة بين نقطتي البداية والنهاية فقط ولا تعتمد على المسار الذي يسلكه الجسم.

Displacement has both a magnitude and a direction, it's a vector quantity, but **Distance** has a magnitude only, it's a scalar quantity.

سنأخذ في الاعتبار المركبة x الخاص بـ r فقط. في البعد الأول ، يوجد اتجاهان محتملان فقط يمكن تحديدهما إما بعلامة الجمع (+) أو علامة الطرح (-). كما نعلم ، من الأمثلة الأخرى للناقلات السرعة والتسارع والقوة. في المقابل ، الكميات العددية لها مقدار فقط. بعض الأمثلة على العددية هي السرعة والكتلة ودرجة الحرارة والطاقة.

افترض أن لاعباً ينتقل من أحد طرفي الملعب إلى الطرف الآخر ويعود.

المسافة ضعف طول الملعب.

المسافة دائماً إيجابية

النزوح صفر

$$\Delta x = x_f - x_i = 0 \text{ since } x_f = x_i$$

مثال 1

اكتب متجه الموضع لجسيم في إحداثي المستطيل (x, y, z) للنقاط $(5, -6, 0)$ ، $(5, -4, 0)$ ، $(-1, 3, 6)$.

المحلول

For the point $(5, -6, 0)$ the position vector is $\mathbf{r} = 5\mathbf{i} - 6\mathbf{j}$

For the point $(5, -4, 0)$ the position vector is $\mathbf{r} = 5\mathbf{i} - 4\mathbf{j}$

For the point $(-1, 3, 6)$ the position vector is $\mathbf{r} = -\mathbf{i} + 3\mathbf{j} + 6\mathbf{k}$

بالنسبة للنقطة $(5, -6, 0)$ يكون متجه الموقع $\mathbf{r} = 5\mathbf{i} - 6\mathbf{j}$

بالنسبة للنقطة $(5, -4, 0)$ يكون متجه الموقع $\mathbf{r} = 5\mathbf{i} - 4\mathbf{j}$

$$\mathbf{r} = 5\mathbf{i} - 4\mathbf{j}$$

بالنسبة للنقطة $(-1, 3, 6)$ يكون متجه الموقع $\mathbf{r} = -\mathbf{i} + 3\mathbf{j} + 6\mathbf{k}$

$$\mathbf{r} = -\mathbf{i} + 3\mathbf{j} + 6\mathbf{k}$$

مثال 2

احسب متجه الإزاحة لجسيم انتقل من النقطة (4 ، 3 ، 2) إلى نقطة (8 ، 3 ، 6).

المحلل

متجه الموقع للنقطة الأولى هو $r_1 = 4i + 3j + 2k$

$$r_2 = 8i + 3j + 6k$$

$$\Delta r = r_2 - r_1$$

$$\therefore \Delta r = 4i + 4k$$

متجه الموقع للنقطة الثانية هو متجه الإزاحة

مثال

يعطي متجه الموقع للجسيم كدالة للزمن وفق المعادلة التالية:

$$r(t) = 3t^2i + 3t - 2$$

جد متجه الإزاحة في الزمن $s_1=1t$ ، $s_2=8t$

الحل

أولاً نجد متجه الموقع خلال كل زمن معطى

$$\text{For } t_1 = 1s \rightarrow r_1(t_1) = 3i + j$$

$$\text{For } t_2 = 8s \rightarrow r_2(t_2) = 192i + 22j$$

The displacement vector

$$\Delta r = r_2 - r_1 = 192i + 22j - 3i - j$$

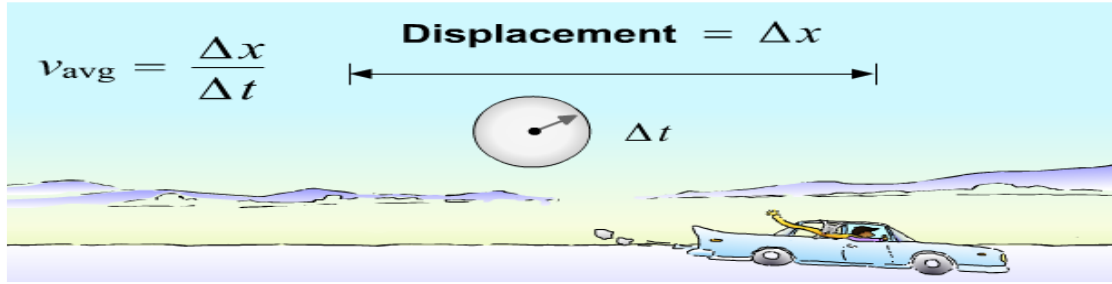
$$\Delta r = 189i + 21j$$

The Average Velocity and
Instantaneous Velocity

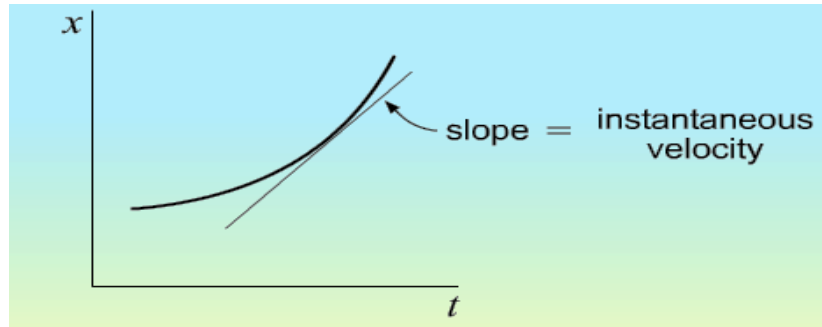
معدل السرعة والسرعة الانية

إذا واصلنا تعريفاتنا التي تبدو قانونية إلى حد ما ، فمن الملاحظ أن هناك جانبين آخرين للحركة مهمان. الأول هو أننا نرغب في تحديد مقدار الحركة التي تحدث. لذلك ، يجب أن نحدد متوسط السرعة أو السرعة لجسم ما. كما قلنا سابقاً ، تتضمن فكرة قياس الحركة كلاً من المسافة التي يقطعها الجسم والوقت الذي يستغرقه الجسم في قطعه. لهذا السبب ، فإنه يجعل من تحديد المتوسط السرعة التي تمثل الإزاحة على مدار الوقت الإجمالي ، على النحو التالي:

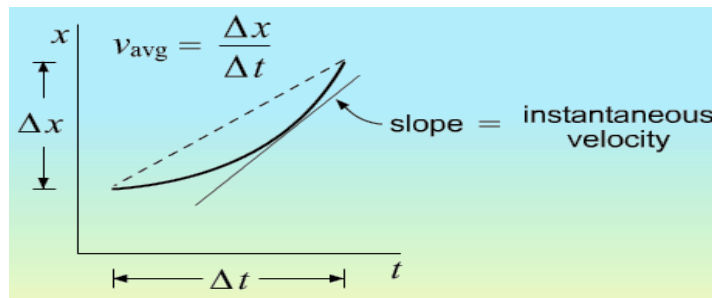
عند انتقال الجسم من موضع البداية عند الزمن إلى موضع النهاية عند الزمن فإن حاصل قسمة الإزاحة على فرق الزمن يعرف بالسرعة *Velocity* وحيث أن الجسم يقطع المسافة بسرعات مختلفة فإن السرعة المحسوبة تسمى بمتوسط السرعة *Average velocity* ويمكن تعريف السرعة عند أية لحظة بالسرعة اللحظية *Instantaneous velocity*



إذا قمنا بعمل مخطط للإزاحة مقابل الوقت ، فسيكون منحدر يعطي منحنى السرعة اللحظية (الانوية) *Instantaneous velocity* في أي وقت.



بينما يتم إعطاء متوسط السرعة على مدى فترة زمنية محدودة.



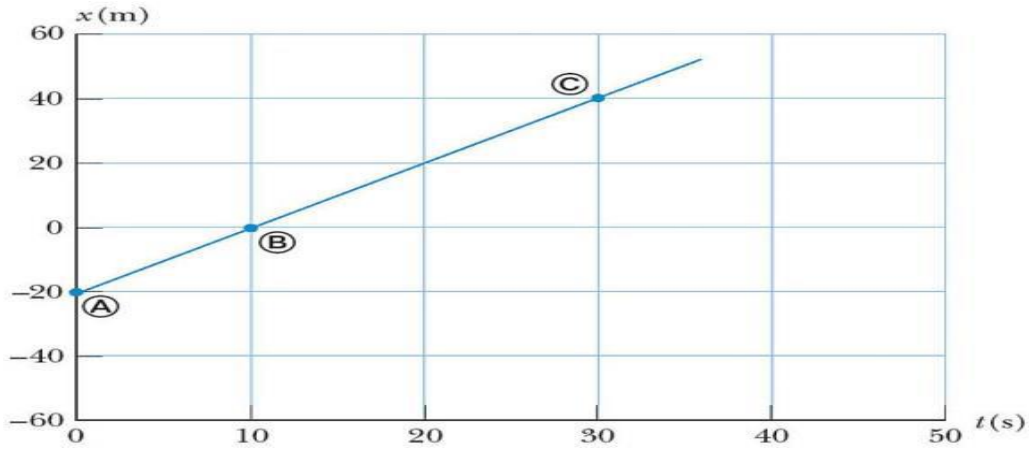
يتم تعريف متوسط سرعة الجسم على أنه نسبة الإزاحة إلى الفترة الزمنية.

$$v_{ave} = \frac{\Delta r}{\Delta t} \quad \text{average velocity}$$

يتم تعريف السرعة اللحظية للجسم على أنها غاية متوسط السرعة مع اقتراب الفترة الزمنية من الصفر. هذه هي السرعة اللحظية للجسم ويسمى مقدارها الانطلاق $|v|$.

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta r}{\Delta t}$$

$$\vec{v} = \frac{dr}{dt} \quad \text{instantaneous velocity}$$



- متوسط السرعة يساوي ميل الخط الذي يربط بين الوضعين الأولي والنهائي. إنها كمية متجهة.
- الجسم الذي يتحرك بسرعة ثابتة يكون له رسم بياني يمثل خطاً مستقيماً.

السرعة الموحدة Uniform Velocity

- السرعة المنتظمة هي السرعة الثابتة.
- السرعات اللحظية هي نفسها دائماً ، وجميع السرعات اللحظية ستساوي أيضاً متوسط السرعة.

$$v_x = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_f - x_i}{\Delta t} \quad \text{then} \quad x_f = x_i + v_x \Delta t$$

$$\Delta x = x_f - x_i = v_x \Delta t$$

متوسط التسارع والتسارع اللحظي The Average Acceleration and Instantaneous Acceleration

عند انتقال الجسم من موضع البداية عند الزمن t_1 إلى موضع النهاية t_2 بسرعة ابتدائية v_1 وعند النهاية كانت السرعة v_2 فإن معدل تغير السرعة بالنسبة إلى الزمن يعرف باسم التسارع *Average Acceleration* أو متوسط التسارع *Average Acceleration* ويكون التسارع اللحظي *Instantaneous acceleration* هو حاصله قسمة السرعة اللحظية على الزمن.

يتم تعريف متوسط تسارع الجسم على أنه نسبة التغير في السرعة اللحظية إلى الفترة الزمنية.

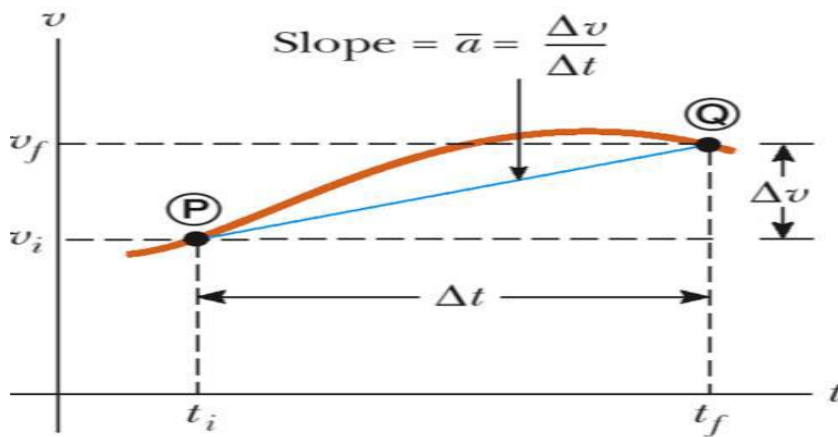
$$a_{ave} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad \text{average acceleration}$$

يتم تعريف التسارع اللحظي على أنه القيمة المحددة لنسبة متوسط السرعة إلى الفاصل الزمني مع اقتراب الوقت من الصفر.

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$\vec{a} = \frac{dv}{dt} \quad \text{instantaneous acceleration}$$

$$\vec{a} = \frac{d}{dt} \left(\frac{dv}{dt} \right) = \frac{d^2v}{dt^2} \quad \text{The unit of the acceleration is (m/s}^2\text{)}$$

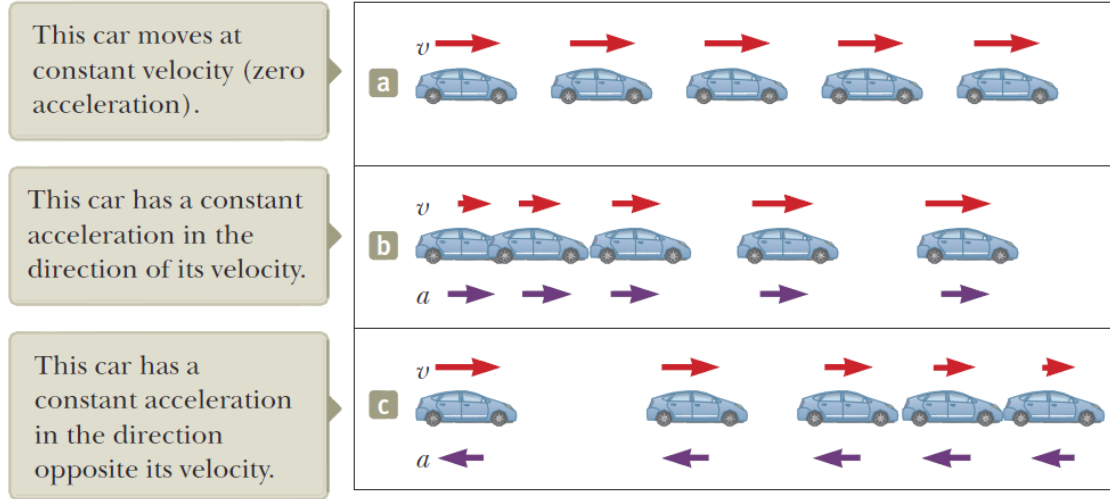


متوسط التسارع هو ميل الخط الذي يربط بين السرعات الأولية والنهاية على الرسم البياني للزمن والسرعة

السرعة كدالة زمن

$$v_f(t) = v_i + a_{ave}\Delta t \rightarrow \Delta v_{ave} = v_f - v_i = a_{ave}\Delta t$$

العلاقة بين السرعة والتسارع



ثلاث مجموعات من الصور لسيارات تتحرك على طول طريق مستقيم في اتجاه واحد ، من اليسار إلى اليمين.

- 1- الحالة الاولى : تسارع صفر بسرعة ثابتة
- 2- الحالة الثانية : التسارع موجب و السرعة موجبة
- 3- الحالة الثالثة : التسارع سالب و السرعة موجبة

v_i	a	Motion
+	+	speeding up
-	-	speeding up
+	-	slowing down
-	+	slowing down
- or +	0	constant velocity
0	- or +	speeding up from rest
0	0	remaining at rest

مثال يتحرك الجسم على المحور x وفقاً للتعبير $x = 5t^2 - 2t^3$

حيث x بالأمتار و t بالثواني.

1. أوجد سرعة وتسارع الجسم كدالة للوقت.

2. أوجد الإزاحة خلال أول ثانيتين.

3. أوجد سرعة وتسارع الجسم بعد ثانيتين

الحل:

(أ) يمكن الحصول على السرعة والتسارع على النحو التالي

$$V=dx/dt = 10t - 6t^2$$

$$a = dv/dt = 10 - 12t$$

(b) using the equation $x = 5t^2 - 2t^3$ substitute for $t = 2s$

$$x = 4m$$

(c) using the result in part (a)

$$v = -4 \text{ m/s}$$

$$a = -14 \text{ m/s}^2$$