

جامعة الانبار

كلية التربية للعلوم الصرفة

قسم الفيزياء

# محاضرات خواص مادة

البروفيسور الدكتور

وليد بديوي

# الفصل السابع

## الخواص الكهربائية للمواد

### The Electrical Properties of Materials

المقدمة

تظهر المواد مدى واسعاً من قيم قابليتها على التوصيل الكهربائي. تتفوق الموصلات الجيدة (كالفضة والنحاس والالمنيوم) على المواد العازلة الجيدة في قيم توصيلتها الكهربائية بمقدار  $10^{20}$  على الأقل.

يتناول هذا الفصل أهم أساسيات الخواص الكهربائية للمواد المختلفة.

#### 1-7 الموصلية الكهربائية

تعرف الموصلية الكهربائية على أنها قابلية المادة لتوصيل التيار الكهربائي. ويتج توصيل التيار الكهربائي عن حركة الإلكترونات أو الأيونات أو كليهما داخل المادة. وبصورة عامة تكون المواد المعدنية الصلبة (العناصر) جيدة التوصيل الكهربائي.

تقسم المواد اعتماداً على قابليتها لتوصيل التيار الكهربائي إلى ثلاثة أقسام رئيسة:

#### The Conductors

##### 1-1-7 الموصلات

من أهم الموصلات المعادن (الفلزات) والتي تكون ذات مقاومة نوعية كهربائية منخفضة (موصليتها الكهربائية عالية) تتراوح تقريباً من  $10^{-8}$  إلى  $10^{-6}$  أوم - متر في درجة حرارة الغرفة، وأمن أمثلة الموصلات الجيدة الفضة والنحاس والالمنيوم والحديد.

#### The Semiconductors

##### 2-1-7 أشباه الموصلات

تكون قيمة المقاومة النوعية الكهربائية لها متوسطة بين الموصلات والعوازل، إذ تتراوح بين  $10^{-4}$  إلى  $10^6$  أوم - متر في درجة حرارة الغرفة. ومن أمثلتها معدني السليكون والجرمانيوم.

تتميز المواد العازلة كهربائياً بمقاومتها النوعية الكهربائية العالية والتي تتراوح بين  $10^7$  الى  $10^{18}$  اوم - متر في درجة حرارة الغرفة ، ومن امثلة العوازل الخشب والزجاج والمطاط والنايلون .

عند وضع كمية من الشحنة الكهربائية على طرف من موصل فإنها تنتشر بسرعة على سطح الموصل الى ان يحصل التوزيع المتعادل للشحنة الكهربائية ، بينما عند وضع نفس الشحنة على جهة من العازل فإنها لن تنتشر وتبقى في مكانها . ان حركة الشحنة داخل الموصلات ناتجة عن حركة الالكترونات . تكون بعض الالكترونات حرة غير مرتبطة بقوة الى اية ذرة أو جزيئة ، على الرغم من كونها مرتبطة بقوة بالمادة ككل . ان الالكترونات الواقعة في المدارات الداخلية تكون مرتبطة بقوة الى نواة الذرة ، بينما تكون الالكترونات الخارجية مرتبطة بقوة ضعيفة الى النواة ، ان هذه الالكترونات تكون الالكترونات الحرة للمادة . تتحرك الالكترونات الحرة بحرية داخل المادة ككل وتعاني تصادمات متكررة .

ان الالكترونات الحرة تشكل الغاز الالكتروني الحر (free electron gas) . ان هذه الالكترونات تكون محفوظة داخل المادة ، كما تحفظ جزيئات الغاز داخل الوعاء المغلق . ان عملية شحن الموصل تتضمن اضافة أو سحب الكترونات منها ، اذ ستكتسب المادة صافي شحنة موجبة اذا تم سحب الكترونات منها ، وستكون صافي الشحنة سالبة في حالة اضافة الالكترونات اليها . ان الشحنة الموجبة للمادة تعني نقصاً في عدد الكتروناتها وعلى العكس من ذلك تعني الشحنة السالبة للمادة زيادة في عدد الكتروناتها . ومن التصادمات التي تعانيها الالكترونات الحرة أو الأيونات الموجبة اثناء حركتها تنشأ المقاومة الكهربائية لسريان التيار الكهربائي ، وينشأ عنها حرارة تتناسب طردياً مع مربع قيمة التيار الكهربائي وتعرف المقاومة الكهربائية على انها خاصية المادة التي تعاكس (أو تعيق) سريان التيار الكهربائي (اي الالكترونات) خلالها .

### Electrical Resistivity ( $\sigma$ )

### 7-2 المقاومة الكهربائية

عندما يسقط مجال كهربائي مؤثر على المادة الصلبة ، فإنه يسبب سريان حاملات الشحنة الكهربائية (الالكترونات) ، وتكون الموصلية الكهربائية نتيجة لهذا التأثير؛ يمكن كتابة العلاقة بين التوصيلية الكهربائية ( $\sigma$ ) والمجال الكهربائي المؤثر  $E$  وكثافة التيار الكهربائي  $J$  بالعلاقة الآتية :

$$J = \sigma E \quad \dots\dots\dots (7.1)$$

تعبّر قيمة كثافة التيار الكهربائي  $J$  عن عدد الشحنات الكهربائية (أو حاملات الشحنة) التي تمر خلال وحدة المساحة في وحدة الزمن ، اي ان

$$J = n e v_d \quad \dots\dots\dots (7.2)$$

حيث ان  $n$  تمثل عدد الالكترونات (حاملات الشحنة) لوحدة الحجم و  $v_d$  متوسط سرعة الانجراف التي سببها تأثير المجال الكهربائي . من مقارنة المعادلتين (7.1) و (7.2) نحصل على :

$$\begin{aligned} \sigma E &= n e v_d \\ \sigma &= \frac{n e v_d}{E} \quad \dots\dots\dots (7.3) \end{aligned}$$

ان نسبة السرعة المتوسطة للانجراف الى المجال الكهربائي المسلط ( $\frac{v_d}{E}$ ) يعرف بحركية الشحنة الكهربائية ( $\mu$ ) ، اي ان

$$\mu = \frac{v_d}{E} \quad \dots\dots\dots (7.4)$$

وبالتعويض عن  $\mu$  في المعادلة (7.3) نحصل على المعادلة الآتية

$$\sigma = n e \mu \quad \dots\dots\dots (7.5)$$

ان مقلوب الموصلية الكهربائية يعرف بالمقاومة النوعية الكهربائية (electrical resistivity) ويرمز لها عادة بـ  $(\rho)$  . ان حركة الالكترونات داخل المادة لا يتم من دون حدوث استتارة أو تشتت نتيجة لتصادمها مع تذبذب الشبيكة الحراري او مع العيوب الخفيفة في الشبيكة . ان اصطدام الالكترون يؤدي الى ارتداده باتجاه عشوائي ، ثم يبدأ بالتسارع مرة اخرى لحين حدوث الاصطدام الثاني . يسمى متوسط قيمة الزمن بين التصادمات المذكورة بزمن الاسترخاء (Relaxation time) ويرمز لها عادة بـ  $(\tau)$  ان حاصل ضرب زمن الاسترخاء  $\tau$  مع متوسط سرعة الانجراف ( $v_d$ ) يعرف بمتوسط المسار الحر للالكترون  $\lambda$  ، اي ان

$$\lambda = v_d \tau \quad \dots\dots\dots (7.6)$$

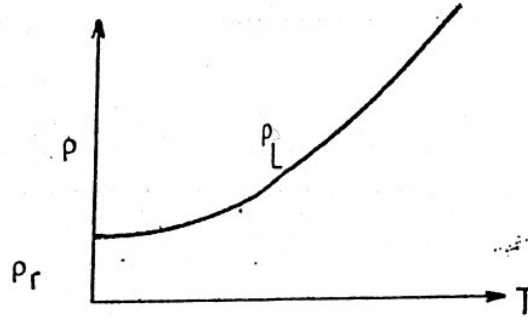
يمكن تلخيص العوامل المسببة للمقاومة الكهربائية بالتصادمات التي تحدث بين الالكترونات الحرة وكل مما يأتي :

1 - التذبذب الحراري للذرات أو الجزيئات ويزداد بزيادة درجة الحرارة ويقل بانخفاضها، ويعد العامل الرئيس للمقاومة الكهربائية في درجة حرارة الغرفة.

2- العيوب والشوائب داخل المادة ويظهر تأثيرها بصورة واضحة في درجات الحرارة المنخفضة جداً.

فاذا رمزنا للعامل الاول  $\rho_L$  والعامل الثاني  $\rho_T$  فان المقاومة النوعية الكلية للمعادن تكون مساوية الى  $\rho$  اي ان

$$\rho = \rho_T + \rho_L \quad \dots\dots\dots (7.7)$$



الشكل (7.1) يوضح علاقة المقاومة الكهربائية بدرجة الحرارة للمعادن (الفلزات) العادية

تحتوي الموصلات على عدد كبير جداً من الإلكترونات الحرة. فعلى سبيل المثال يحتوي السنتيمتر المكعب الواحد على أكثر من  $(10^{22})$  إلكترون. تنتشر الإلكترونات الحرة خلال جميع حجم المادة، ويبقى دائماً في الموصل المتعادل كهربائياً تساوي عدد الشحنات السالبة أي الإلكترونات الحرة مع الشحنة الموجبة لنوى الذرات في الشبكية. تكون حركة الإلكترونات عشوائية وتتبع مسارات ذات اتجاهات مختلفة كما في الشكل (7.2).



الشكل (7.2): الحركة العشوائية للإلكترون داخل المادة.

يتحرك الغاز الإلكتروني بسرعة بطيئة خلال المادة الموصلة وبمعدل سرعة يقارب سنتيمتر واحد لكل ثانية (1cm/sec). ان هذه السرعة تكون بطيئة جداً عند مقارنتها بالسرعة العشوائية الحرارية للإلكترون خلال المادة الموصلة والتي تقارب المليون متر للثانية الواحدة (10<sup>6</sup>m/sec). تمتلك الإلكترونات الحرة سرعة عالية نتيجة طاقة الحرارة والتي تكون بشكل عشوائي وتعاني خلالها عدداً كبيراً من التصادمات والتي تقدر بـ 10<sup>14</sup> تصادم في الثانية الواحدة. ان السرعة التي يكتسبها الإلكترون نتيجة تأثير المجال الكهربائي المسلط تكون صغيرة جداً عند مقارنتها بالسرعة العشوائية الحرارية ، ولذلك فان معدل التصادمات يكاد يكون غير معتمداً على المجال الكهربائي (تأثير ضعيف جداً). ومن هذه الحقائق نجد ان زمن الاسترخاء يكون ثابتاً يعتمد فقط على طبيعة المادة.

ترتبط مقاومة السلك المعدني ذي المقطع العرضي المنتظم (A) مع طوله (L) بالعلاقة الآتية :

$$R \propto \frac{L}{A}$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \dots\dots\dots (7.8)$$

$\rho$  - تمثل المقاومة النوعية الكهربائية، تعتمد المقاومة النوعية على درجة الحرارة، وفي المعادن تزداد المقاومة النوعية بصورة بطيئة مع درجة الحرارة. ويعزى ذلك الى زيادة معدل التصادمات بين الإلكترونات والذرات (الشيكية) نتيجة لزيادة الاهتزازات وذبذبات الشبيكة نتيجة لارتفاع درجة الحرارة. يبين الجدول (7.1) قيم المقاومة النوعية لبعض المواد المعروفة عند درجة حرارة الغرفة.

ان كل تصادم يبطئ من سرعة الإلكترون، أو يجعل تلك السرعة صيفراً أو يعكسها باتجاه آخر. ونتيجة لهذا العدد الكبير من التصادمات التي تبغث سرعة الإلكترون، فان الإلكترون لن يكتسب على الإطلاق سرعة كبيرة نتيجة لتأثير المجال الكهربائي الذي يحاول تعجيل الإلكترونات الحرة. ان التصادمات المذكورة تبدد الطاقة الحركية للإلكترون، والتي تم اكتسابها نتيجة لتأثير المجال الكهربائي عليها. ان الطاقة الحركية المبددة ستظهر على شكل حرارة ترفع من درجة حرارة المادة.

الجدول (7.1): قيم المقاومة النوعية لبعض المواد المعروفة  
عند درجة حرارة الغرفة

المادة	المقاومة النوعية $\rho(\Omega.m) \times 10^{-8}$
الفضة	1.6
النحاس	1.7
الالمنيوم	2.8
النيكل	7.8
الحديد	10
الصلب	11
البراس	7
الكونستان	-50
السليكون	$2.6 \times 10^3$
الجرمانيوم	$0.42 \times 10^3$
الكاربون (كرافيت)	$3.5 \times 10^{-5}$
البولي اثيلين	$20 \times 10^{12}$
الزجاج	$1 \times 10^{12}$
المطاط	$10 \times 10^{12}$

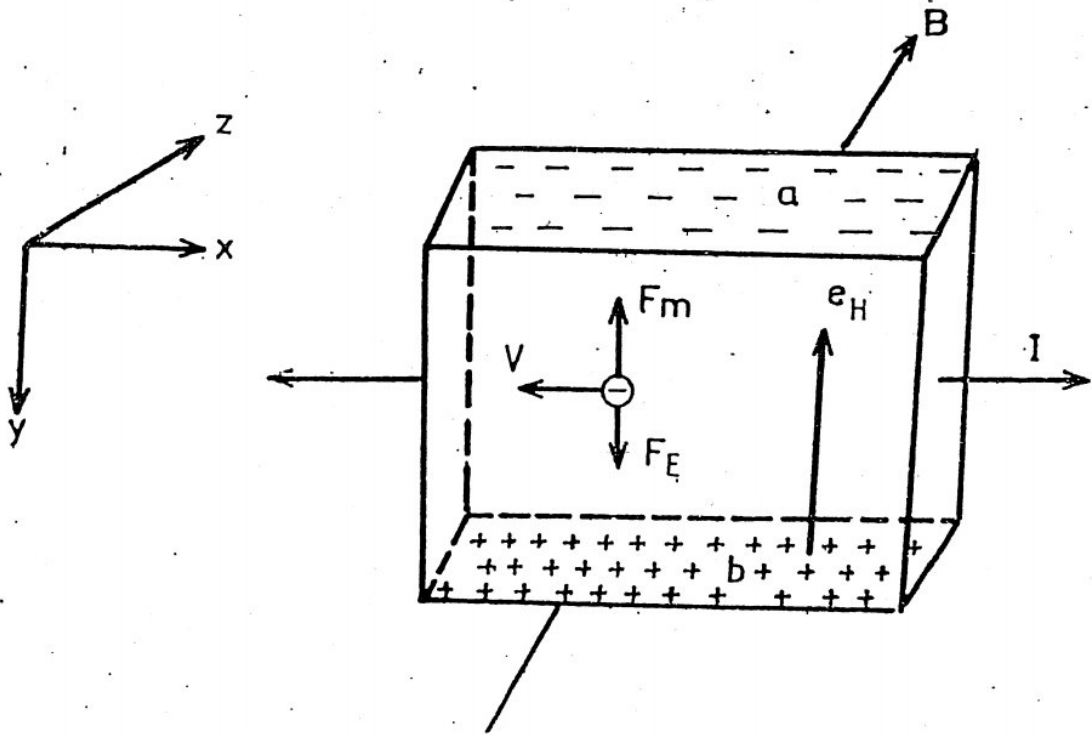
ان المحاليل السائلة الحاوية على ايونات تكون موصلات جيدة أيضاً، مثال ذلك محلول ملح الطعام في الماء الذي يحتوي على ايونات الصوديوم الموجبة  $Na^+$  وايونات الكلور السالبة  $Cl^-$ . ان حركة الشحنة خلال المحلول تتم عبر حركة الايونات الموجبة والسالبة في المحلول. يعد الماء النقي (المقطن) موصلاً رديئاً للتيار الكهربائي، بينما يكون الماء الاعتيادي، موصلاً جيداً للتيار الكهربائي بسبب احتوائه على بعض الايونات السالبة والموجبة بلوادر شائبة ذائبة في الماء.

تعد الغازات العادية عوازل جيدة للتيار الكهربائي ، على عكس الغازات المتأينة التي تكون موصلاً جيداً للتيار الكهربائي . مثال ذلك الهواء الجاف الذي يكون عازلاً جيداً ، بينما يكون الهواء المتأين في خط البرق موصلاً جيداً للكهربائية ، وذلك لاحتواء الهواء المتأين على خليط من الأيونات الموجبة والالكترونات الحرة . يطلق على الغاز المتأين البلازما Plasma التي ستتطرق اليها في الفصل القادم .

### Hall Effect

### 3-7 ظاهرة هول

إذا مر تيار كهربائي مستمر خلال مادة موصلة أو شبه موصلة ، موضوعة في مجال مغناطيسي خارجي وكانت خطوط الفيض المغناطيسي متعامدة مع اتجاه سريان التيار الكهربائي ، فإن فرق جهد سيتولد بين جهتي المادة وباتجاه عمودي على كل من التيار الكهربائي وخطوط الفيض المغناطيسي . أي ان كل من اتجاه التيار واتجاه المجال والفولتية المتولدة تكون متعامدة مع بعضها البعض ، انظر الشكل (7.3) .



الشكل (7.3): يوضح ظاهرة هول.



وتسمى القوة الدافعة الكهربائية المتولدة بفولتية هول Hall Voltage,  $V_H$ . ان مقدار فولتية هول يتناسب طردياً مع كل من التيار الكهربائي وشدة المجال المغناطيسي. يمكن التعبير عن فولتية هول  $V_H$  بدلالة التيار الكهربائي  $I$  والمجال المغناطيسي  $B$  وسُمك المادة  $d$  كما في المعادلة الآتية :

$$V_H = R_H \frac{I B}{d} \dots\dots\dots (7.9)$$

اذ ان  $R_H$  تمثل مكافئ (أو ثابت) هول. يعتمد ثابت هول على نوع المادة المستخدمة أو عدد ونوع حاملات الشحنة. هناك نوعان لحاملات الشحنة وهما الالكترونات أو الفجوات الموجبة الشحنة. يمكن التعبير عن  $R_H$  كما في المعادلة الآتية :

$$R_H = \frac{1}{n_e} \dots\dots\dots (7.10)$$

ان اشارة  $R_H$  يمكن ان تكون سالبة أو موجبة اعتماداً على نوع حاملات الشحنة. فاذا كانت هذه الحاملات الكترونات فان اشارة  $R_H$  تكون سالبة. اما اذا كانت الاشارة موجبة فان حاملات الشحنة ستكون الفجوات الموجبة الشحنة.

ومن المعادلتين (7.9) و (7.10) نجد ان  $R_H$  ومن ثم  $V_H$  يتناسبان عكسياً مع  $n$  والتي تكون قليلة في اشباه الموصلات عنها في الموصلات وعليه فان قيمة فولتية هول تكون اكثر بكثير في حالة اشباه الموصلات منها في حالة الموصلات واذا بقيت قيمة التيار الكهربائي ثابتة ، فان فولتية هول ستكون مقياساً لشدة المجال المغناطيسي. ولخاصية هول تطبيقات عملية عديدة.

يمكن الحصول على حركية هول لحاملات الشحنة  $\mu_H$  من حاصل ضرب قيمة التوصيلية الكهربائية  $\sigma$  بمكافئ هول  $R_H$  ، اي ان

$$\mu_H = - \sigma R_H$$

وتستخدم قيمة مكافئ هول في حساب قيمة عدد حاملات الشحنة لوحدة الحجم. والجدول (7.2) يبين قيم مكافئ هول والتوصيلية الكهربائية وحركية هول لعدد من المواد المعروفة.