

نموذجي النقل والتخصيص

5-1- نموذج النقل *Transportation Model* :

يعتبر نموذج النقل من أهم نماذج البرمجة الخطية في المنشآت الصناعية ، إذ يعتبر مكملاً للعمليات الإنتاجية بهدف إمدادها لما تحتاج إليه من مستلزمات الإنتاج في الوقت والمكان المحددين .

يبحث هذا النموذج نقل سلعة ما من عدد من المصادر المتمثلة بمراكز عرض (مراكز تجهيز المواد الأولية للمنشآت) إلى مواقع مختلفة المتمثلة بمراكز الطلب (المنشآت الصناعية) بأقل التكاليف أو أقل زمن ممكن شرط أن يكون التجهيز عند كل مصدر والطلب عند كل موقع وكلفة نقل الوحدة الواحدة (أو الزمن المستغرق لنقل الوحدات) من كل مصدر إلى كل موقع معلومة ومحددة .

تعود الجذور التاريخية لنموذج النقل إلى عام 1941 عندما قدم هيتشكوك دراسة عنه بعد أن توزع الإنتاج من عدة مصادر إلى مواقع مختلفة " وفي عام 1947 قدم كوبمانس دراسته بعنوان " الإستخدام الأمثل لمنظومة النقل " التي طورت من قبل دانترك عام 1963 ، وفي عام 1951 درس دانترك وآخرون طريقة التوزيع المعدل *Modify Distribution method (MODI)* للحصول على الحل الأمثل أما طريقة المسار المتعرج *Stepping Stone* فقد أقرحت من قبل شارنس وكوبر في عام 1954 .

وفي عام 1955 توصل كوهن إلى حل مشكلة تخصيص المهام *Assignment problem* وهي حالة خاصة من مشكلة النقل وطورها كل من فورد وفولكرسن في عام 1957 ، أما طريقة تقريب فوجل *V.A.M.* فقد أقرحت من قبل فوجل عام 1958 ، وطريقة *R.A.M.* فقد أقرحت من قبل روسيل في عام 1968 .

5-1-2- مشكلة النقل بأقل كلفة *The least cost transportation problem* :

بافتراض وجود m من المصادر و n من المواقع وإن :

S_i تمثل عدد الوحدات المعروضة عند المصدر i .

D_j تمثل عدد الوحدات المطلوبة عند الموقع j .

C_{ij} تمثل كلفة نقل الوحدة الواحدة عند المسار (i, j) الذي يربط المصدر i بالموقع j .

X_{ij} تمثل عدد الوحدات المنقولة من المصدر i إلى الموقع j .

لذا فالهدف الرئيسي هو تحديد عدد الوحدات المنقولة من المصدر i إلى الموقع j بحيث تكون كلفة النقل الإجمالية أقل ما يمكن .

وبافتراض إن الكلف خطية ، فنموذج البرمجة الخطية لمشكلة النقل يكون :

$$\begin{aligned} \min . \quad Z &= \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n C_{ij} X_{ij} \\ \text{s.t.} \quad \sum_{j=1}^n X_{ij} &= a_i \\ \sum_{i=1}^m X_{ij} &= b_j \\ X_{ij} &\geq 0 \end{aligned}$$

في بعض الأحيان ، قد يكون مجموع العرض عند المصادر ومجموع الطلب عند المواقع غير متساويين . ففي هذه الحالة فالنموذج يكون غير متزن *unbalanced* ، ولتحقيق الإتران نتبع :

1- إذا كان الطلب أكبر من العرض نضيف مصدر وهمي بحيث يجهز كمية من نقص البالغة

$$\cdot \sum_j b_j - \sum_i a_i$$

2- إذا كان الطلب أصغر من العرض نضيف موقع وهمي لإمتصاص الفائضة والبالغة

$$\cdot \sum_i a_i - \sum_j b_j$$

وإن كلفة نقل الوحدة الواحدة من هذه المصادر أو لهذه المواقع الوهمية تكون مساوية للصفر .

أما الخطوات الرئيسية المتبعة في حل نموذج النقل بأقل كلفة تكون :

1- نحدد الحل الابتدائي الأساسي المقبول *S.B.F.S.* .

2- نحدد المتغير الداخل من بين المتغيرات غير الأساسية ، فإذا كانت كل المتغيرات تحقق شرط المثالية نتوقف ، وبعبارة أخرى نذهب للخطوة التالية .

3- نحدد المتغير الخارج (باستخدام شرط المقبولية) من بين متغيرات الحل الأساسي الحالي ثم نجد الحل الأساسي الجديد ونعود للخطوة السابقة .

5-1-2 طرق إيجاد الحل الابتدائي الأساسي المقبول *S.B.F.S.*: التي تعطينا حداً لا يمكن الإنطلاق منه للوصول إلى الحل الأمثل ، وهي :

1- طريقة الركن الشمالي الغربي *Northwest corner method* : تعتبر هذه الطريقة أبسط الطرق

إذ تبدأ بتعيين أعلى كمية مسموح بها من بين العرض والطلب للمتغير X_{11} (في أقصى الركن الشمالي الغربي من الجدول) ، أي إن $X_{11} = \min.(a_1, b_1)$ ثم نستبعد العمود (الصف) المتحقق ومن ثم نساوي المتغيرات المتبقية للعمود (للصف) المستبعد بالصفر ، بعد تعديل كميات العرض والطلب لكل الصفوف والأعمدة غير المستبعدة نعين الخلية المقبولة العظمى للعنصر الأول غير المستبعد في العمود (الصف) الجديد وتكمل هذه العملية عندما يكون بالضبط صف واحد أو عمود واحد غير مستبعد .

2- طريقة الأقل كلفة *Least cost method* : تكون أفضل من الطريقة السابقة لأنها تأخذ التكاليف

بنظر الاعتبار ، أما الأسلوب المتبع في هذه الطريقة هو أن تحدد الكمية المتاحة للمتغير الأقل كلفة للوحدة الواحدة ونستبعد العمود (الصف) المتحقق بعدئذ نعدل العرض والطلب لكل العناصر

غير المستبعدة ونكرر العملية بتحديد الكمية المتاحة للمتغير الأقل كلفة للوددة الواحدة غير المستبعدة ونستمر بالحل حتى يتبقى لدينا صف (عمود) واحد غير مستبعد .

3- طريقة تقريب فوجل (*Vogel's Approximation Method (V.A.M.)*): تكون هذه الطريقة

أفضل من سابقتها لأنها تعطينا حل أقرب للمثالية لكونها تأخذ كلف الجزاء بنظر الاعتبار ، وكما موضحة في الخطوات التالية :

أ- نقدر كلفة الجزاء لكل عمود ولكل صف بطرح قيمة أقل كلفتين متتاليتين من نفس الصف أو العمود .

ب- نحدد الصف أو العمود الذي له أكبر كلفة جزاء ونخصص الكمية المتاحة للمتغير الأقل كلفة في الصف أو العمود المختار ثم نعدل العرض والطلب بعد حذف الصف (العمود) المتحقق .

ج- 1. إذا بقي لدينا صف (عمود) واحد فقط غير محذوف نحدد المتغيرات الأساسية في الصف (العمود) بطريقة الأقل كلفة .

2. إذا كانت كل الصفوف والأعمدة غير المحذوفة لها عرض وطلب صفرسي تحدد المتغيرات الأساسية الصفرية بطريقة الأقل كلفة .

3. وبعبارة أخرى ، نعيد احتساب كلفة الجزاء للصفوف والأعمدة غير المحذوفة ثم نعود للخطوة (ب) مع ملاحظة إن الصفوف والأعمدة التي عرضها وطلبها صفر لا تحتسب كلف جزائهم) .

مع ملاحظة إنه إذا تساوت أكبر كلف الجزاء نختار من بينهم الصف (العمود) الذي فيه أقل كلفة نقل وإذا تساوت أقل كلف نقل أيضاً نختار من بينهم الصف (العمود) الذي ينقل أكبر كمية وإذا ما تساوت أكبر كمية نقل نختار الصف (العمود) بشكل عشوائي.

4- طريقة روسيل التقريبية (*Russel's Approximation Method (R.A.M.)*): تعتبر هذه الطريقة أفضل من سابقتها لأنها تعطينا حل ابتدائي أقرب للحل الأمثل (خصوصاً للمصفوفات الكبيرة) وخطواتها هي :

أ- تحديد أعلى كلفة نقل لكل صف (ترمز لها a_i) ولكل عمود (ترمز لها b_j) .

ب- نشكل مصفوفة جديدة كلفها هي : $\Delta_{ij} = C_{ij} - a_i - b_j$.

ج- نحدد الخلية التي لها أصغر كلفة نقل Δ_{ij} ، ونعطي لمتغيرها أكبر كمية ممكنة والتي تساوي $\min(a_i, b_j)$.

د- نحذف الصف (العمود) المتحقق وتغيير كمية تجهيز الصف أو طلب العمود الذي تقع فيه الخلية إلى مقدار الفرق بين كميتي التجهيز والطلب المقابلة لهما .

هـ - 1. إذا بقي صف (عمود) واحد نعطي الصف (العمود) المتبقي كميات الطلب والتجهيز المتبقية .

2. إذا بقي أكثر من صف (عمود) واحد نعود للخطوة (أ) .