

ثانياً) الوسيط (The Median)

هو القيمة الوسطية التي تقع في منتصف مجموع من البيانات المرتبة تصاعدياً او تنازلياً إذا كان عدد المتغيرات فردياً. ومتوسط القيمتين الوسطيتين إذا كان عدد المتغيرات زوجياً ويرمز له بالرمز (\overline{Me}) ويلفظ (ام أي بار).

كيفية حساب الوسيط

- **حساب الوسيط إذا كانت القيم غير مبوية:** - وهي على نوعين
 - 1- إذا كان عدد قيم المشاهدات فردي فيمكن اتباع الخطوات التالية لاستخراج الوسيط.
 - أ- نرتب قيم المشاهدات تصاعدياً او تنازلياً.
 - ب- نستخرج ترتيب الوسيط وذلك من خلال المعادلة التالية: -

$$\text{ترتيب الوسيط } (\overline{Me}) = \frac{n+1}{2}$$

حيث (n) هي عدد قيم المشاهدات.

مثال/ جد الوسيط للقيم التالية 16, 12, 8, 11, 9, 10, 17

الحل: -

نرتب القيم تصاعدياً: -

8, 9, 10, 11, 12, 16, 17

$$\text{ترتيب الوسيط } (\overline{Me}) = \frac{n+1}{2} = \frac{7+1}{2} = \frac{8}{2} = 4$$

اذن الوسيط هو القيمة الرابعة في الترتيب التصاعدي = 11

او نرتب القيم تنازلياً: -

17, 16, 12, 11, 10, 9, 8

$$\text{ترتيب الوسيط } (\overline{Me}) = \frac{n+1}{2} = \frac{7+1}{2} = \frac{8}{2} = 4$$

اذن الوسيط هو القيمة الرابعة في الترتيب التنازلي = 11

٢- إذا كان عدد قيم المشاهدات زوجي فيمكن اتباع الخطوات التالية لاستخراج الوسيط.

أ- نرتب قيم المشاهدات تصاعدياً او تنازلياً.

ب- نحدد ترتيب الوسيطين:

$$\text{ترتيب الوسيط الأول} = \frac{n}{2}, \text{ ترتيب الوسيط الثاني} = \frac{n}{2} + 1$$

٣- نحدد القيم المناظرة لكل من الوسيط الأول والوسيط الثاني في الترتيب التصاعدي او التنازلي.

٤- نستخرج الوسيط من القانون التالي: -

$$\text{الوسيط } (\overline{Me}) = \frac{\text{قيمة الوسيط الثاني} + \text{قيمة الوسيط الأول}}{2}$$

مثال/ احسب الوسيط للقيم الآتية: -

18, 9, 16, 12, 14, 4, 6, 8

الحل

نرتب القيم تصاعديا

4, 6, 8, 9, 12, 14, 16, 18

نوجد ترتيب الوسيط الأول والثاني

$$\text{ترتيب الوسيط الأول} = \frac{n}{2} = \frac{8}{2} = 4 \quad , \quad \text{قيمة الوسيط الأول} = 9$$

$$\text{ترتيب الوسيط الثاني} = \left(\frac{n}{2} + 1\right) = (4+1) = 5 \quad , \quad \text{قيمة الوسيط الثاني} = 12$$

اذن ...

$$\text{الوسيط } (\overline{Me}) = \frac{\text{قيمة الوسيط الثاني} + \text{قيمة الوسيط الأول}}{2} = \frac{9+12}{2} = \frac{21}{2} = 10.5$$

وبنفس الطريقة يمكن حساب الوسيط بترتيب القيم تنازليا.

• حساب الوسيط إذا كانت البيانات المبوبة: -

يمكن تلخيص خطوات إيجاد الوسيط لبيانات مبوبة كالآتي: -

- ١- عمل جدول توزيع تكراري تجميعي تصاعدي
- ٢- إيجاد ترتيب الوسيط $= \frac{\sum fi}{2}$ ، حيث $\sum fi$: هي مجموع التكرارات.
- ٣- نحدد فئة الوسيط وهي القيمة التي تقع قيمة الوسيط بين حديها وذلك عن طريق إيجاد قيمتين متتاليتين في التكرار التجميعي التصاعدي يقع بينها قيمة الوسيط ويتضمن: -
 - أ- إيجاد حدوده الحقيقية
 - ب- كتابة التكرار التجميعي التصاعدي امام كل منها.
- ٤- تطبيق القانون: -

$$(\overline{Me}) = L_i + \left[\frac{\frac{\sum fi}{2} - F_i}{f_i} \right] \times w$$

حيث: - L_i = الحد الأدنى الحقيقي لفئة الوسيط.

$$\sum fi = \text{مجموع التكرارات.}$$

$$F_i = \text{التكرار المتجمع عند بداية فئة الوسيط.}$$

$$f_i = \text{تكرار فئة الوسيط.}$$

$$w = \text{طول الفئة}$$

مثال/ اوجد الوسيط للتوزيع التكراري التالي: -

فئات الطول (سم)	التكرار (f_i)
60 – 62	5
63 – 65	18
66 – 68	42
69 – 71	27
72 – 74	8

الحل: -

١- نوجد التكرار التجميعي التصاعدي ومجموع التكرارات والحدود الحقيقية للفئات: -

فئات الطول (سم)	التكرار (f_i)	التكرار المتجمع الصاعد		الحدود الحقيقية للفئات
			F_i	
60 – 62	5	اقل من 60	0	59.5 – 62.5
63 – 65	18	اقل من 63	5	62.5 – 65.5
66 – 68	42	اقل من 66	23	65.5 – 68.5
69 – 71	27	اقل من 69	65	68.5 – 71.5
72 – 74	8	اقل من 72	92	71.5 – 74.5
	$\sum f_i = 100$	اقل من 74	100	

٢- إيجاد ترتيب الوسيط: -

$$\text{ترتيب الوسيط} = \frac{\sum f_i}{2} = \frac{100}{2} = 50$$

أي ان قيمة الوسيط هو طول الشخص الذي ترتيبه (50) (بعد ترتيب القيم تصاعديا او تنازليا).

وفي جدول التوزيع التكراري التجميعي التصاعدي نرى ان (50) هي واقعة بين الرقمين (23) و (65).

اذن الحد الأدنى الحقيقي لفئة الوسيط $L_i = 65.5$

التكرار المتجمع عند بداية فئة الوسيط $F_i = 23$

تكرار فئة الوسيط $f_i = 65 - 23 = 42$

طول فئة الوسيط $w = 68.5 - 65.5 = 3$

نعوض في القانون: -

$$\begin{aligned} (\overline{Me}) &= L_i + \left[\frac{\frac{\sum f_i}{2} - F_i}{f_i} \right] \times w \\ &= 65.5 + \left[\frac{50 - 23}{42} \right] \times 3 \\ &= 67.43 \text{ cm} \end{aligned}$$