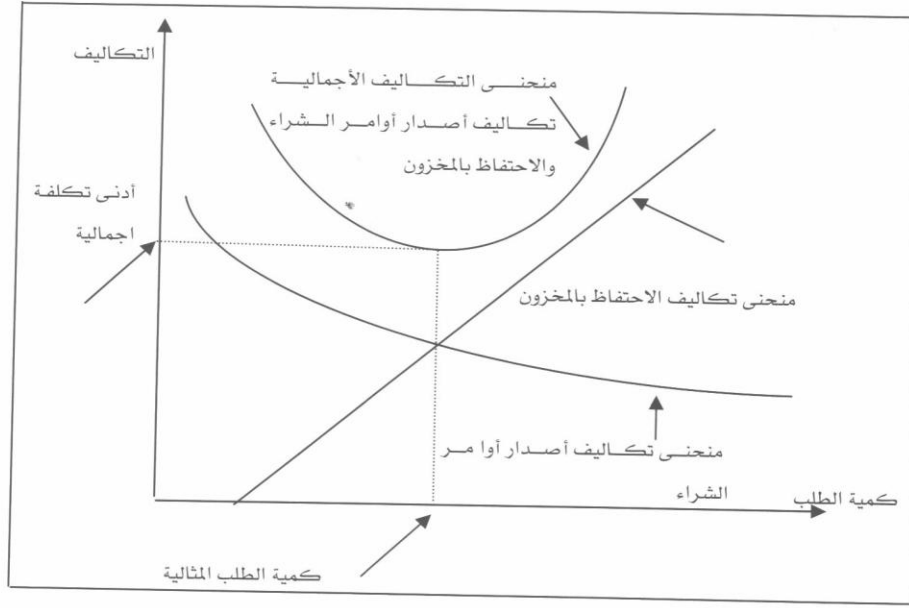


الشكل رقم (2)  
استخدام المخزون بمرور الزمن

### تكاليف المخزون : Inventory Costs

أن الهدف الرئيسي لمعظم نماذج لخزين هو تدينة التكاليف الأجمالية للمخزون وفي ظل الافتراضات أعلاه، فإن أهم التكاليف هي تكاليف إصدار أمر الشراء وتكاليف الاحتفاظ بالمخزون، أو تكاليف حيازة المخزون. جميع التكاليف الأخرى، مثل المخزون نفسه تكون ثابتة. وهكذا، إذا تمكنا من تدينة إجمالي تكاليف إصدار أوامر الشراء وتكاليف الاحتفاظ بالمخزون، سيكون بإمكاننا تدينة التكاليف الأجمالية. وبهدف توضيح ذلك، يوضح الشكل رقم (3) التكاليف الأجمالية كدالة لكمية الطلب، حيث تمثل (Q) كمية الطلب. ويمثل  $Q^*$  حجم الطلب المثالي، الذي يخفض التكاليف الأجمالية. وعندما تزداد كمية الطلب، سيقبل عدد مرات إصدار أوامر الشراء خلال السنة الواحدة. وهكذا عندما تزيد الكمية المطلوبة

ستتخفض تكاليف إصدار أوامر الشراء السنوية. لكن عندما تزداد كمية الطلب، ستزداد كلفة الاحتفاظ بالمخزون تبعاً للزيادة بمعدلات المخزون الذي ستحتفظ به الشركة.



الشكل رقم (3)

التكاليف الأجمالية كدالة لكمية الطلب

الجدول رقم (2)

احتساب معدل (متوسط) المخزون

مستويات الخزين			
التاريخ	خزين أول المدة	خزين آخر المدة	متوسط المخزون
(وصول الطلب) 1 نيسان	10	8	9
2 نيسان	8	6	7
3 نيسان	6	4	5
4 نيسان	4	2	3
5 نيسان	2	0	1

• أعلى مستوى للمخزون في 1 نيسان = 10 وحدات

• إجمالي متوسط المخزون اليومي =  $1 + 3 + 5 + 7 + 9 = 25$

• عدد الايام = 5 يوم

• متوسط مستوى المخزون =  $25 / 5 = 5$  وحدات

لاحظ في الشكل رقم (3) بأن كمية الطلب المثالية تظهر عند النقطة التي تتقاطع عندها كلاً من منحني تكاليف إصدار أمر الشراء ومنحني تكاليف الاحتفاظ بالمخزون. وهذا ليس مَحْضُ صدفة. إذ أنه لمثل هذا النوع من دالة التكاليف، تظهر الكمية المثالية عند النقطة التي تتساوي فيها تكاليف إصدار أوامر الشراء مع تكاليف الاحتفاظ بالمخزون. وهذه حقيقة مهمة لا بد من تذكرها.

وبعد التعرف على تكاليف المخزون، دعنا نرى كيف يمكننا تحديد كمية الطلب المثالية التي تؤدي إلى تخفيض هذه التكاليف. عند تحديد تكاليف الاحتفاظ السنوية، يكون من المناسب استخدام متوسط مستوى الخزين المتاح. بعد ذلك نضرب متوسط مستوى الخزين في عنصر (عامل) يطلق عليه تكاليف الاحتفاظ بالمخزون للوحدة الواحدة خلال سنة واحدة كي نحدد تكاليف الخزين السنوية. يوضح الجدول رقم (2) الكيفية التي يتم من خلالها احتساب متوسط المخزون. من المهم ملاحظة بأن متوسط مستوى المخزون للمشكلة قيد الدراسة مساوي لنصف المستوى الأعلى للمخزون وهو (10). ( وهذا يحدث عندما يكون الطلب ثابت، وان خزين آخر المدة هو (0). ويكون المستوى الأعلى للمخزون مساوياً لكمية الطلب. وهكذا سيصبح بالإمكان احتساب متوسط المخزون على أنه نصف كمية الطلب

{متوسط مستوى المخزون =  $Q / 2$  } المعادلة رقم (1)

#### - إيجاد الكمية الاقتصادية للطلب Finding the Economic Order Quantity:

يمكن تحديد قيمة \* Q عن طريق جعل تكلفة إصدار أمر الشراء مساوية لتكلفة الاحتفاظ بالمخزون

اشرنا سابقاً إلى أن كمية الطلب المثالية تمثل النقطة التي تخفض التكاليف الأجمالية حيث أن التكاليف الأجمالية هي مجموع تكاليف إصدار أمر الشراء زائداً تكاليف الاحتفاظ بالمخزون. كذلك بيئنا بيانياً بأن كمية الطلب المثالية تشير إلى النقطة التي تتساوي عندها تكاليف إصدار أمر الشراء مع تكاليف الاحتفاظ بالمخزون. الآن سنطور معادلة يمكن من خلالها الوصول إلى الكمية المثلى مباشرة. وللقيام بذلك، ينبغي إتباع الخطوات الآتية:

3. حجم الطلبية المثالي يتم الوصول اليه عندما تتساوى تكاليف اصدار امر الشراء مع تكاليف الاحتفاظ بالمخزون، وكما يأتي

$$\frac{D}{Q} C_o = \frac{Q}{2} C_h$$

4. لغرض الوصول إلى قيمة  $Q^*$  نضرب الطرفين \* الوسطين ، نصل إلى:

$$\left[ Q^* = \sqrt{\frac{2DC_o}{C_h}} \right]$$

(المعادلة رقم 2)

وحيث إننا توصلنا إلى المعادلة التي يمكن من خلالها استخراج كمية الطلب المثالية  $Q^*$ ، سيكون من السهل حل مشكلات الخزين بشكل مباشر.

**مثال:**

تبيع إحدى الشركات مضخات للمصنعين الآخرين، وهي ترغب بتخفيض تكاليف المخزون عن طريق تحديد العدد الأمثل من المضخات التي ينبغي تحديدها لكل طلب. وقد كان الطلب السنوي (1000) مضخة، وتكلفة اصدار أمر الشراء هو (10) دينار لكل أمر شراء، ومتوسط كلفة الاحتفاظ بالوحدة الواحدة من المخزون (0.50) دينار سنوياً. جد حجم الطلبية الأمثل.

الحل:

$$\begin{aligned} Q^* &= \sqrt{\frac{2DC_o}{C_h}} \\ &= \sqrt{\frac{2 * 1000 * 10}{0.50}} \\ &= \sqrt{40000} \\ &= 200 \text{ وحدة} \end{aligned}$$

تكاليف المخزون الأجمالية هي مجموع تكاليف اصدار أمر الشراء + تكاليف الاحتفاظ بالمخزون لنموذج EOQ البسيط

اجمالي تكاليف المخزون السنوية هي عبارة عن مجموع تكاليف إصدار أمر الشراء + تكاليف الاحتفاظ بالمخزون. (التكاليف السنوية الأجمالية = تكلفة إصدار أمر الشراء + تكلفة الاحتفاظ بالمخزون) وباستخدام الرموز المعتمدة لمتغيرات النموذج، ممكن التعبير عن اجمالي التكاليف (TC) كما يأتي:

$$TC = \frac{D}{Q}C_o + \frac{Q}{2}C_h \quad \text{المعادلة رقم (3)}$$

وعليه سيكون إجمالي التكاليف للشركة أعلاه كما يأتي:

$$\begin{aligned} &= \frac{1000}{200}(10) + \frac{200}{2}(0.5) \\ &= 50 + 50 = 100 \end{aligned}$$

نلاحظ من الحل أعلاه بأن تكلفة إصدار أمر الشراء مساوية لتكلفة الاحتفاظ بالمخزون، ولو جربنا قيم مختلفة لـ (Q)، مثل (100) وحدة أو (300) وحدة سنجد بأن أدنى تكاليف إجمالية تظهر عندما تكون قيمة  $Q = 200$  وحدة. وعليه فإن كمية الطلب الاقتصادية  $Q^*$  هي 200 وحدة.

#### تكلفة شراء المواد المخزونة purchase Cost of Inventory Items

عبر التكاليف الأجمالية للمخزون أحياناً عن التكاليف الفعلية للمواد المشتراة. ينبغي أن لا تعتمد تكاليف الشراء على سياسة الطلب (الشراء) الاعتيادية التي اعتمدت لتكون سياسة الشراء المثالية، ولأنه وبغض النظر عن عدد الأوامر المطلوبة في كل سنة، فأنا لا نزال نستهدف نفس تكلفة الشراء السنوية لـ  $(D * P)$  حيث (P) يمثل سعر الوحدة الواحدة، (D) يمثل قيمة الطلب السنوي بالوحدات.

من المفيد أن تتعلم كيف نحسب متوسط مستوى المخزون (بالدينار)، عندما يعطى سعر بيع الوحدة الواحدة. ويمكن إجراء ذلك كما يأتي: باستخدام (Q) ليعبر عن كمية الوحدات المطلوبة، وبافتراض (p) لتعبر عن سعر الوحدة الواحدة، يمكننا تحديد متوسط قيمة المخزون (بالدينار):

$$\text{Average Dinar Level} = \frac{PQ}{2} \quad \text{المعادلة رقم (4)}$$

متوسط قيمة المخزون بالدينار